Энергетическое, металлургическое и химическое машиностроение (05.04.00)

УДК 621.83.062.1

Улучшение динамики объемного гидропривода с частотным управлением с помощью дополнительной обратной связи

Ю. Ю. Зуев*, Е. Ю. Зуева

Перечислены основные преимущества объемного гидропривода с частотным управлением (ОГП-ЧУ) как исполнительного модуля силовой системы полностью электрифицированного объекта по сравнению с гидроприводами с машинным управлением и традиционными электромеханическими приводами. Отмечено сравнительно низкое быстродействие частотноуправляемых гидроприводов. Рассмотрен способ улучшения динамики ОГП-ЧУ путем введения дополнительной обратной связи по скорости движения выходного звена (COC). Сформированы универсальные модели ОГП-ЧУ с любыми видами гидродвигателей, позволяющие исследовать динамику привода, не имеющего специальной обратной связи по скорости движения выходного звена, и с СОС. Исследованы амплитудные (АЧХ) и фазовые (ФЧХ) частотные характеристики ОГП-ЧУ без скоростной обратной связи и с СОС при варьировании факторами нагрузки приводов: инерционностью и вязким трением, коэффициентом редукции (объемной постоянной гидромотора), а также эксплуатационными параметрами: температурой жидкости и объемными потерями, характеризующими износ гидромашин. Динамика ОГП-ЧУ оценивалась по показателю колебательности (динамическая работоспособность) и частотным показателям динамической конкурентоспособности: частоте основного резонанса, полосе пропускания по амплитуде, амплитудным и фазовым искажениям управляющего сигнала на контрольной частоте. Показано, что введение дополнительной скоростной обратной связи в структуру привода заметно повышает его динамические показатели и уменьшает эластичность механической характеристики (MX). В частности, для ОГП-ЧУ мощностью 32 кВт полоса пропускания по АЧХ и ФЧХ может быть увеличена более чем в 2 раза, амплитудные и фазовые искажения управляющего сигнала удалось снизить в 1,5 — 2 раза. Редукторное исполнение привода, реализуемое за счет установки гидромотора с повышенной объемной постоянной, дополнительно улучшило динамику ОГП-ЧУ. Понижение эластичности рабочего участка МХ привода с СОС позволяет рассматривать такой ОГП-ЧУ практически без учета скольжения выходного звена. Учитывая достаточно простую и почти не требующую затрат аппаратную реализацию СОС, например с помощью программных средств частотного преобразователя ОГП-ЧУ, данный вид коррекции ОГП-ЧУ следует считать весьма эффективным.

Ключевые слова: объемный гидропривод, частотное управление, скоростная обратная связь, частотные характеристики, динамические показатели .

Введение

Одно из современных направлений развития силовых систем связано с реализацией перспективной концепции полностью электрифицированного объекта [1 — 3]. В соответствии с концепцией в структуре такого объекта имеется единая электрическая система, обеспечивающая все энергетические, управляющие и иные функции объекта, а исполнительными модулями традиционно являются электромеханические приводы (ЭлмП) различного вида с механическими редукторами [4, 5]. Функциональную альтернативу ЭлмП составляют моноблочные объемные гидравлические (гидростатические) приводы, регулирование скорости в которых осуществляется за счет дросселирования потока жидкости, изменения рабочих объемов насоса и, в общем случае, гидромотора, изменения частоты вращения вала насоса, а также комбинации перечисленных способов.

В последнее время весьма интенсивно развиваются объемные гидроприводы с частотным управлением (ОГП-ЧУ), т.е. с изменением скорости движения выходного звена за счет частоты вращения вала насоса, соединенного с валом приводящего электродвигателя. Наибольший интерес представляет анализ ОГП-ЧУ с асинхронными электродвигателями (АЭД), как наиболее применяющимися в разнообразных объектах общепромышленного назначения [6]. Скорость вращения вала АЭД регулируется частотными преобразователями (ЧП), имеющими развитую коммутационную систему со встроенными программируемыми контроллерами. Таким образом, ОГП-ЧУ представляет собой своеобразный ЭлмП, в котором вместо обычного используемого механического редуктора применяется гидростатический, входящий в так называемый контур энергетики (КЭ) привода. В структуру гидростатического редуктора входят объемно-роторный насос, блок защитной и коммутирующей гидроаппаратуры, герметичный гидробак и гидродвигатель с требуемым видом движения выходного звена — вращательным (гидромотор), поворотным (поворотный гидродвигатель) или возвратнопоступательным (один симметричный гидроцилиндр или два попарно закольцованных дифференциальных цилиндра). Преимущества гидростатического редуктора по сравнению с механическим достаточно полно представлены в [7 — 10] и сводятся к следующему:

отсутствию люфтов, повышенной надежности работы, в том числе в условиях знакопеременных и ударных нагрузок;

схемотехнической и, во многих случаях, конструкционной простоте образования типоразмерных рядов ОГП-ЧУ, благодаря использованию унифицированного электронасосного блока в сочетании с различными гидродвигателями;

удобству компоновки ОГП-ЧУ, обусловленному возможностью установки энергогенерирующей (в частности, электронасосной) части привода на значительном удалении от гидродвигателя;

повышению энергоэффективности и улучшению разгонных показателей ОГП-ЧУ благодаря использованию в составе привода встроенного блока энергонакопления-рекуперации;

возможной интеграции насоса непосредственно в конструкцию приводящего ЭД, а также полной интеграции всех частей ОГП-ЧУ в единый моноблок, что практически исключает обслуживание на протяжении всего периода эксплуатации привода и соответствует современной тенденции разработки необслуживаемой техники, работающей по принципу «plug and play»;

широким возможностям структурной и параметрической модификации и модернизации, в том числе в направлении форсирования основных функциональных свойств (тяговых и скоростных), существенного улучшения надежности и живучести.

Вместе с тем ОГП-ЧУ имеет ряд недостатков, к числу которых относятся низкое быстродействие (по сравнению с дроссельным гидроприводом) и скоростная жесткость привода («плавание» скорости выходного звена при изменении действующей на него нагрузки) [10].

Таким образом, даже при высокой точности поддержания (или изменения по требуемым законам) частоты тока с помощью электронной системы ЧП в соответствии с поступающим на привод входным информационным сигналом, скорость движения выходного звена такого ОГП-ЧУ будет меняться в зависимости от нагрузки привода, температуры жидкости и степени износа гидромашин КЭ, а также из-за скольжения приводящего АЭД. В то же время известно, что охват системы автоматического регулирования обратными связями часто позволяет повысить ряд статических и динамических показателей и поэтому обоснованно считается весьма эффективным способом улучшения качества системы [4, 11]. Очевидно, что для обеспечения большей точности поддержания требуемой скорости выходного звена в режимах с произвольным законом движения выходного звена и меняющимися дестабилизирующими факторами (внешней нагрузки и др.) в структуру ОГП-ЧУ целесообразно введение дополнительной скоростной обратной связи (СОС).

В настоящей работе рассмотрены особенности структуры ОГП-ЧУ с дополнительной скоростной обратной связью, вопросы формирования сигнала СОС, моделирования ОГП-ЧУ с СОС и сопоставления динамических характеристик такого привода с ОГП-ЧУ без СОС.

Формирование модели ОГП-ЧУ с СОС

Поскольку инициирующим сигналом такой обратной связи является скорость движения выходного звена привода, то возможности коррекции скоростного режима ОГП-ЧУ ограничены только изменением частоты тока, поэтому данная скоростная обратная связь должна охватывать весь КЭ привода, т.е. быть достаточно глубокой.

Реализация подобной СОС может быть осуществлена различными способами. В частности, так как сигнал по цепи СОС несет информацию о реальной скорости движения выходного звена ОГП-ЧУ, меняющейся в зависимости от действия различных факторов, то обеспечение скорости движения звена может быть выполнено коррекцией частоты сигнала, генерируемого ЧП с помощью программируемого контроллера частотного преобразователя [12 — 15].

В таком случае частота управляющего сигнала, поступающая на приводящий АЭД, является алгебраической суммой исходной частоты f, задаваемой для обеспечения того или иного режима движения выходного звена привода, а также корректирующей частоты Δf . При этом Δf зависит от различия так называемой эталонной скорости движения выходного звена ОГП-ЧУ $\dot{\chi}^{3T}$, генерируемой контроллером ЧП, и реальной скорости χ́. Эталонная скорость χ́^{эт} имеет место при отсутствии скольжения АЭД, объемных потерь, деформации жидкости и стенок конструкции КЭ. Таким образом, при изменении χ в результате появления любых дестабилизирующих факторов, в том числе вследствие варьирования нагрузкой привода, на АЭД будет подаваться напряжение с частотой, большей (в случае снижения $\dot{\chi}$ по сравнению с требуемым значением) или меньшей частоты входного информационного сигнала (при возрастании скорости движения выходного звена привода).

Практическое исполнение СОС требует установки бесконтактного датчика скорости (ДОС), блока преобразования сигнала с ДОС, аналого-цифрового преобразователя и дешифратора электрического напряжения СОС в частотную форму, а также блока сравнения задающей (входной) частоты и частоты по цепи СОС, форми-рующего частотную коррекцию. Современные ЧП, как правило, имеют достаточно развитую встроенную компьютерную систему обработки сигналов по нескольким входам и возможность принудительного программирования (так называемой «прошивки») встроенного контроллера в соответствии с требуемым алгоритмом обработки сигналов системы. Поэтому алгоритмическую и программную реализацию фрагмента коррекции частоты целесообразно реализовать с помощью программируемого контроллера ЧП.

Фрагмент, демонстрирующий возможную реализацию структурной схемы ОГП-ЧУ с такой ОС, показан на рис. 1.

Сигнал f_x представляет собой частоту, соответствующую действительной скорости движения выходного звена привода. Коэффициент k_u имеет значение «ноль» для ОГП-ЧУ исходной структуры (без СОС) и принимает значение «единица» при наличии дополнительной скоростной обратной связи.



7

Рис. 1. Возможная реализация структурной схемы ОГП-ЧУ с СОС:

 k_u — цифровой идентификатор структуры (исполнения) ОГП-ЧУ; $k_{_{3T}}$ — коэффициент связи (соответствия) скорости движения выходного звена привода и частоты, эквивалентной данной скорости в эталонной модели; $\Phi(s)$ — передаточная функция ОГП-ЧУ без СОС

Выражение для $k_{_{3T}}$ может быть найдено из условия связи частоты и отклика (скорости движения выходного звена эталонной модели привода). Поскольку при отсутствии объемных потерь фактическая подача насоса Q_{μ} равна теоретической Q_{μ}^{T} и, следовательно

$$Q_{\rm H} = Q_{\rm H}^{\rm T} = V_{0{\rm H}}^* \omega_{\rm H} = V_{0{\rm H}}^* \omega_{\rm 3d}^{\rm c} = V_F \dot{\chi}$$

то в силу известного равенства, связывающего синхронную угловую скорость вала АЭД с частотой тока и числом пар полюсов *p*₇ электрической машины

$$\omega_{\rm 3J}^{\rm c} = 2\pi \frac{f}{p_z},$$

получим:

$$\dot{\chi} = 2\pi \frac{V_{0H}^*}{V_E} \frac{1}{p_z} f = k_{3T} f,$$

откуда следует:

$$k = 2 \frac{V_0^*}{V_F} \frac{1}{z}.$$

В приведенных выше формулах V_F — характерный параметр гидродвигателя привода; V_{0H}^* — объемная постоянная насоса, приведенная к повороту вала гидромашины на один радиан».

Использование k_u позволяет сформировать единую модель ОГП-ЧУ для анализа динамики привода в его исходном состоянии (без СОС, т. е. при $k_u = 0$) и при наличии дополнительной скоростной обратной связи ($k_u = 1$). Структурная схема единой модели ОГП-ЧУ по-казана на рис. 2.

Выражение для $\Phi(s)$ может быть получено в результате моделирования процессов в АЭД и КЭ, включающем две объемные гидромашины, с учетом следующих допущений и условий:

работа АЭД проходит в пределах рабочего участка механической характеристики (МХ_{эд}), имеющей практически линейный вид;



Рис. 2. Свернутая структурная схема линейной модели ОГП-ЧУ с СОС:

 $\Phi(s)$ — передаточная функция КЭ привода без СОС

связь между напряжением на клеммах статора U_{cr} АЭД и частотой тока *f* имеет линейный вид с коэффициентом пропорциональности k_{a} [13];

изменение тока в роторе I_p АЭД, как функция U_{ct} , подчиняется апериодическому закону первого порядка [13];

в модель КЭ привода входит симметричный эквивалентный гидродвигатель с соответствующими конкретному гидродвигателю (или совокупности гидродвигателей) скоростными и тяговыми свойствами.

Тогда линейная математическая модель ОГП-ЧУ представляет собой совокупность уравнений, связывающих частоту входного сигнала с напряжением статора и током ротора АЭД на рабочем участке МХ_{эд}, частоту вращения вала насоса (равную частоте приводящего АЭД) с подачей насоса, скорость движения выходного звена привода с расходом жидкости, поступающей в ЭГД с учетом объемных потерь (утечек, перетечек и обусловленных деформацией жидкости и стенок конструкции КЭ) [9, 10, 13]:

где $k_{_{33}}$ — коэффициент связи статорного напряжения и тока в роторной цепи; $T_{_{33}}$ — электромагнитная постоянная времени АЭД, определяемая отношением индуктивности обмоток статора к их активному сопро-

тивлению; $\omega_{2\pi}$ — угловая скорость вала АЭД, нагруженного моментом $M_{_{\mathfrak{II}}}$, равная угловой скорости вала насоса ω_{u} ; ω_{uu}^{c} — синхронная угловая скорость АЭД (скорость ненагруженного АЭД, равная скорости холостого хода); $\Delta \omega_{_{3\pi}}$ — потери (недобор) угловой скорости из-за нагрузки на валу АЭД (угловая скорость скольжения); $k_{\omega 1}, k_{\omega 2}$ — коэффициенты скорости холостого хода (синхронной скорости вала) АЭД по частоте и эластичности (скольжения) механической характеристики электродвигателя; р — перепад давлений в КЭ; у́ — скорость движения выходного звена гидродвигателя ОГП-ЧУ; *М*_{*R*,вн} — внешняя нагрузка привода (момент или усилие), имеющая произвольную зависимость от фазовых координат системы; $k_{_{\rm OH}}$, $T_{_{\rm OH}}$ — константы, учитывающие нагрузку АЭД вследствие сил вязкого (скоростного) трения и работы системы охлаждения электродвигателя, а также инерционности ротора АЭД; k₀ — коэффициент учета объемных потерь в насосе и гидродвигателе КЭ; T₀ — постоянная времени КЭ, учитывающая деформацию рабочей жидкости и стенок конструкции контура энергетики (гидромашин и соединительных гидролиний); $k_{_{\Gamma\Pi}}$ — коэффициент нагрузки КЭ; Т_{гл} — постоянная времени, характеризующая отношение инерционной составляющей нагрузки к нагрузке вязкого трения.

В зависимости от вида ЭГД в модели (1) следует принимать:

 $\dot{\chi}^{} = \omega_{_{\rm M}}; M_{_{R,\rm BH}} = M_{_{\rm BH}}; V_{_F} = V^*_{_{0\rm M}}; k_{_{\rm FI}} = k_{_{\rm M}}; T_{_{\rm FI}} = T_{_{\rm M}}; k_{_Q} = k_{_{Q\omega}}; T_{_Q} = T_{_{Q\omega}} - -$ для гидромотора (М) или поворотного гидродвигателя (ПГД);

 $\dot{\chi} = v; M_{R,{\rm BH}} = R_{{}_{\rm BH}}; V_F = F; k_{{}_{\rm TA}} = k_{{}_{\rm H}}; T_{{}_{\rm TA}} = T_{{}_{\rm H}}; k_Q = k_{Qv};$ $T_Q = T_{Qv}$ — для гидроцилиндра (Ц),

где $\omega_{_{\rm M}}$ — угловая скорость вала (М или ПГД); v — линейная скорость выходного звена гидроцилиндра; $M_{_{\rm BH}}$ — момент внешней нагрузки, приведенный к валу М или ПГД; $R_{_{\rm BH}}$ — усилие, приведенное к выходному звену Ц; $V_{_{0\rm M}}^*$, F — объемная постоянная М или ПГД, приведенные к повороту вала гидромашины на один радиан, и рабочая площадь вытеснителя (поршня или эквивалентного штока) Ц.

Константы, входящие в (1) определяются следующим образом:

$$\begin{split} (k_{Q\omega})^{-1} &= k_{\text{OII.H}} + k_{\text{OII.M}}; \ T_{Q\omega} = \frac{k_{Q\omega}}{2} \left(\frac{V_{0\text{M}}}{E_{\text{M}}} + \frac{V_{0\text{H}}}{E_{\text{H}}} + \frac{2V_{\pi}}{E_{\pi}} \right); \\ T_{Q\omega} &= \frac{k_{Q\omega}}{2} \left(\frac{V_{0\text{M}}}{E_{\text{M}}} + \frac{V_{0\text{H}}}{E_{\text{H}}} + \frac{2V_{\pi}}{E_{\pi}} \right); \ (k_{Q\nu})^{-1} &= k_{\text{OII.H}} + k_{\text{OII.II}}; \\ T_{Q\nu} &= \frac{k_{Q\nu}}{2} \left(\frac{2V}{E_{\text{II}}} + \frac{V_{0\text{H}}}{E_{\text{H}}} + \frac{2V_{\pi}}{E_{\pi}} \right); \ T_{\text{II}} = \frac{m}{D_{\text{II}}}; \ k_{\text{II}} = \frac{1}{D_{\text{II}}}; \\ \frac{1}{k_{\omega\text{H}}} &= k_{\omega2} (D_{3\text{H}} + D_{\text{OXII}}) + 1; \ T_{\omega\text{H}} = \frac{k_{\omega2}J_{3\text{H}}}{k_{\omega2} (D_{3\text{H}} + D_{\text{OXII}}) + 1}, \end{split}$$

где $J_{_{\rm 2H}}$ — суммарный момент инерции ротора электродвигателя и насоса; $D_{_{_{3H}}}$ — коэффициент сил вязкого (скоростного) трения в электродвигателе и насосе; D_{охл} — коэффициент сил вязкого трения, обусловленный работой системы встроенной вентиляции (охлаждения) электродвигателя; V_{0н}, V_{0м} — объемные постоянные насоса и гидромотора; V_л — объем внутренних полостей одной гидролинии между насосом и гидромотором; V^*_{0M} — объемная постоянная гидромотора, приведенная к повороту вала гидромашины на радиан; $k_{_{\text{оп.н.}}}, k_{_{\text{оп.м.}}}$ — коэффициенты объемных потерь насоса и гидромотора, зависящие от вязкости рабочей жидкости и эквивалентных зазоров между подвижными деталями в машинах; $E_{\rm H}, E_{\rm M}, E_{\rm m}$ — модули упругости жидкости и стенок конструкций насоса, гидромотора и гидролинии; *J* — суммарный момент инерции ротора гидромотора и внешней нагрузки привода; D, — суммарный коэффициент сил вязкого (скоростного) трения гидромотора и внешней нагрузки; $M_{_{\rm PH}}$ — момент внешней нагрузки привода, имеющий произвольную зависимость от фазовых координат системы; $k_{_{
m on,II}}$ — эквивалентный коэффициент объемных потерь в гидроцилиндре, зависящий от вязкости рабочей жидкости и зазоров между подвижными деталями; Е_н — приведенный модуль упругости жидкости и стенок конструкций гидроцилиндра; V — объем одной полости гидроцилиндра при среднем положении вытеснителя; *т* — суммарная масса вытеснителей гидроцилиндра и внешней нагрузки привода; $D_{_{II}}$ — суммарный коэффициент сил вязкого (скоростного) трения в гидроцилиндре и внешней нагрузки.

Коэффициенты $k_{\omega 1}$, $k_{\omega 2}$ определяются на основании установленного вида АЭД (числа пар полюсов p_z и скольжения асинхронного электродвигателя $s_{\rm ck}$), номинальных значений частоты тока, момента и синхронной угловой скорости двигателя, определенных на этапе энергетического расчета ОГП-ЧУ по формулам [13]:

$$k_{fu}k_{\Im\pi}k_{\omega1} = \frac{\left[\omega_{\Im\pi}^{c}\right]}{\left[f\right]} = \frac{2\pi}{p_{z}}; \quad k_{\omega2} = \frac{s_{c\kappa}\left[\omega_{\Im\pi}^{c}\right]}{\left[M_{\Im\pi}\right]}.$$

9

Четвертое уравнение системы (1) — условие динамического равновесия вала АЭД, связанного с валом насоса. В том случае, если для охлаждения электродвигателя применяется независимое от режима работы электрической машины охлаждение, последняя составляющая нагрузки в правой части уравнения исчезает $(D_{0XI} = 0)$. Следует заметить, что такое исполнение АЭД имеет несколько меньший КПД из-за необходимости отбора части электрической энергии для работы системы принудительного охлаждения двигателя. Как показали расчеты, выполненные в [14], снижение общего КПД оценивается значениями 3,5 — 4,5% от мощности АЭД (заметим также, что установка системы принудительного охлаждения АЭД обычно более чем вдвое повышает массогабаритные и стоимостные показатели асинхронного электродвигателя, т.е. существенно снижает его конкурентоспособность [9]).

Структурная схема линейной модели ОГП-ЧУ, соответствующая уравнениям (1), приведена на рис. 3.

В результате преобразований схемы, представленной на рис. 3, имеем свернутую структурную схему ОГП-ЧУ в виде, изображенном на рис. 4.

Выражения для передаточной функции $W_2^*(s)$ и ее констант имеют вид [13]:

$$W_{2}^{*}(s) = \frac{k_{1}}{(b_{3}^{*}s^{3} + b_{2}^{*}s^{2} + b_{1}^{*}s + 1)} \times \left[\frac{1}{(b_{3}^{*}s^{3} + b_{2}^{*}s^{2} + b_{1}^{*}s + 1)} + \frac{1}{(b_{3}^{*}s^{3} + b_{2}^{*}s^{2} + b_{1}^{*}s + 1)k_{M}V_{0M}^{*}} \right] = \frac{k_{2}}{(c_{2}^{*}s^{3} + c_{2}^{*}s^{2} + c_{1}^{*}s + 1)},$$



Рис. 3. Структурная схема линейной модели ОГП-ЧУ, соответствующая уравнениям (1)

где

$$\begin{split} k_{1} &= \frac{k_{Q}k \ k \ V_{0}^{*} V_{0}^{*}}{\left[(1 + k_{Q}k \ (V_{0}^{*})^{2} \right]}; \ k_{2} &= \frac{k_{1}}{1 + \frac{k_{1}k \ 2}{k} \cdot \frac{V_{0}^{*}}{V_{0}^{*}}}; \\ & \frac{k_{2}}{2} &= \frac{Q}{1 + k_{Q}k \ (V_{0}^{*})^{2}}; \ \ \frac{k_{2}}{1} &= \frac{Q}{1 + k_{Q}k \ (V_{0}^{*})^{2}}; \\ & b_{3}^{*} &= a_{2}^{*}T \ \ ; \ b_{2}^{*} &= a_{2}^{*} + \ \frac{k_{1}}{1}T \ \ ; \ b_{1}^{*} &= \ \frac{k_{1}}{1 + k_{Q}k \ (V_{0}^{*})^{2}}; \\ & \frac{k_{3}}{3} &= b_{3}^{*}\frac{k_{2}}{k_{1}}; \ \ \frac{k_{2}}{2} &= b_{2}^{*}\frac{k_{2}}{k_{1}}; \ \ \frac{k_{1}}{1} &= b_{1}^{*}\frac{k_{2}}{k_{1}}. \end{split}$$

Тогда искомая передаточная функция ОГП-ЧУ без СОС есть:

$$\Phi(s) = \frac{\hat{\lambda}(\chi)}{\hat{\lambda}(f)}\Big|_{M_{RBH}} = 0 = \frac{k_{\Phi}}{D_{\Phi}(s)} =$$

$$= \frac{k_{2}k_{fu}k_{SR}k_{01}}{\sum_{\beta=1}^{*} \frac{k_{2}k_{fu}k_{SR}k_{01}}{\sum_{\beta=1}^{*} \frac{k_{2}k_{fu}k_{SR}k_{01}}{\sum_{\gamma=1}^{*} \frac{k_{2}k_{SR}k_{01}}{\sum_{\gamma=1}^{*} \frac{k_{2}k_{SR}k_{01}}}{\sum_{\gamma=1}^{*} \frac{k_{2}k_{SR}k_{01}}{\sum_{\gamma=1}^{*} \frac{k_{2}k_{SR}k_{01}}{\sum_{\gamma=1}^{*} \frac{k_{2}k_{SR}k_{01}}}{\sum_{\gamma=1}^{*} \frac{k_{2}k_$$

где константы характеристического полинома системы определяются формулами:

$$z_{4}^{*} = T_{\Im \Pi} c_{\Im}^{*}; \ z_{\Im}^{*} = c_{\Im}^{*} + T_{\Im \Pi} c_{2}^{*};$$

$$z_{2}^{*} = c_{2}^{*} + T_{\Im \Pi} c_{1}^{*}; \ z_{1}^{*} = T_{\Im \Pi} + c_{1}^{*}.$$
(3)

Передаточный коэффициент k_{ϕ} представляет собой отношение установившейся скорости движения выходного звена к управляющей частоте, инициирующей перемещение звена с этой скоростью:

$$k_{\Phi} = \lim \Phi(s)_{s \to 0} = \frac{\dot{\chi}^{\text{ycr}}}{f^{\text{ycr}}} \Big|_{M_{R_{BH}} = 0} = k_2 k_{fu} k_{\text{3D}} k_{\omega 1}.$$

Следовательно, выражение для передаточной функции ОГП-ЧУ с СОС может быть получено следующим образом (см. рис. 2, рис. 4):

$$\Phi_{c}(s) = \frac{k_{\phi c}}{D_{\phi c}(s)} = \frac{k_{\phi}(1+k_{u})}{(1+k_{\phi}k_{u}k_{gT})} \times \frac{1}{(z_{4}s^{4}+z_{3}s^{3}+z_{2}s^{2}+z_{1}s+1)},$$
(4)

где коэффициенты характеристического полинома данной модели привода определяются через соответствующие константы z_i^* уравнений (3) по формуле:





Рис. 4. Свернутая структурная схема ОГП-ЧУ

Соотношения для построения частотных характеристик ОГП-ЧУ с СОС и ОГП-ЧУ без СОС

Для оценки динамического качества ОГП-ЧУ используются частотные показатели динамической работоспособности, определяющие функциональную пригодность исследуемых приводов, а также показатели динамической конкурентоспособности (степени динамического совершенства), определяемые по амплитудным $\bar{A}(\omega)$ (АЧХ), логарифмическим амплитудным $L(\omega)$ (ЛАЧХ) и фазовым $\varphi(\omega)$ (ФЧХ) частотным характеристикам (ЧХ) замкнутого привода, как показано на рис. 5 (см. также [11]).

Для построения АЧХ и ФЧХ используются безразмерные относительные передаточные функции приводов, которые определяются через передаточные функции ОГП-ЧУ (2) или (4) в зависимости от вида привода по формуле [11]:

$$\overline{s}(s) = \frac{s(s)}{\lim_{s \to 0} s(s)} = \frac{s(s)}{k} \frac{s(s)}{s(s)} = \frac{s(s)}{s(s)}$$

Показателем динамической работоспособности, характеризующим степень устойчивости системы, является показатель колебательности М (максимальное значение АЧХ). В соответствии с [11] диапазон приемлемых значений М для механогидравлических систем находится в пределах M = 1, 1 - 1, 8, что соответствует $L_{M} = 20 \lg M = 0,83 - 5,11$. Частотными показателями динамической конкурентоспособности для ОГП приняты [9 — 11]: частота (угловая скорость колебаний) основного резонанса системы ω_p; полоса пропускания (быстродействие) системы по АЧХ $\omega_{\pi A}$, оцениваемая на основании частоты снижения относительного усиления сигнала до уровня 0,707 (для ЛАЧХ это «- 3 дБ»); полоса пропускания (быстродействие) системы по ФЧХ ω_{по}, оцениваемая на основании фазового запаздывания (сдвига) выходного сигнала относительно входного управляющего сигнала на «- 90 град.»; амплитудные $\delta \bar{A}_0$ (логарифмические амплитудные δL_0) и фазовые бф искажения входного информационного сигнала на установленной (заданной по условиям



Рис. 5. Определение динамических показателей работоспособности и конкурентоспособности ОГП-ЧУ с СОС

работы привода в составе технического объекта) контрольной частоте ω_α.

Как известно [11], между АЧХ и ФЧХ линейной модели имеется взаимно-однозначное соответствие, что позволяет в первом приближении ограничиться рассмотрением только амплитудно-частотных характеристик ОГП-ЧУ.

Анализ динамики ОГП-ЧУ с СОС и без скоростной обратной связи

Для исследования динамики ОГП-ЧУ в качестве объекта был взят привод с вращательным движением выходного звена, имеющий приводящий АЭД мощностью 32 кВт. В состав КЭ входят высокоскоростной аксиальный насос и гидромотор с двойным несиловым карданом и паспортным давлением в напорной гидролинии 25 МПа. ЛАЧХ привода без СОС и со скоростной обратной связью показаны на рис. 6.

Графики, показанные на рис. 6, построены при варьировании следующими параметрами ОГП-ЧУ: коэффициентом вязкого (скоростного) трения нагрузки $D_{\rm BH}$; моментом инерции внешней нагрузки привода $J_{\rm BH}$; конструкционными коэффициентами объемных потерь насоса и мотора $k_{\rm H\mu}$, $k_{\rm M\mu}$; температурой жидкости $t_{\rm w}$, объемной постоянной гидромотора $V_{\rm 0M}$.

В качестве базовых параметров моделей ОГП-ЧУ при выполнении вариантных расчетов ЛАЧХ и ФЧХ использовались значения: $D_{\rm BH} = 0,1$ Н·м·с·рад; $J_{\rm BH} = 1$ кг·м²; $k_{\rm H\mu} = k_{\rm M\mu} = 2,1\cdot10^{-14}$ м⁷/(H·c)²; $t_{\rm m} = +80$ °C; $V_{\rm 0M} = 32$ см³.

Как следует из представленных характеристик, ОГП-ЧУ является устойчивой системой автоматического регулирования. Только при низких температурах рабочей жидкости (в данном случае при $t_{x} = +20$ °C) и характерных, как правило, для начального кратковременного периода запуска привода, наблюдается амплитудный всплеск, характеризующий колебательный переходный процесс в системе. Повышение температуры жидкости всего до +50 °С и, как следствие, рост демпфирующей способности объемных потерь, приводят к апериодическому переходному процессу в системе.

Для повышения наглядности при сопоставлении быстродействия как одного из важных динамических показателей конкурентоспособности обоих рассматриваемых исполнений ОГП-ЧУ на рис. 7 представлены зависимости полосы пропускания моделей ОГП-ЧУ по ЛАЧХ для асимптоты «– 3 дБ» и ФЧХ (асимптота «– 90 град.») при варьировании теми же параметрами, что и на рис. 6.

Для оценки динамической точности ОГП-ЧУ целесообразно воспользоваться представленными частотными характеристиками, введя такие показатели конкурентоспособности как амплитудные δL_0 и фазовые $\delta \varphi_0$ искажения входного сигнала на определенной контрольной частоте f_0 (данной частоте соответствует угловая скорость колебаний ω_0), как показано на рис. 5.

Известно, что контрольная частота ω_0 , для которой оценивается совокупность динамических показателей привода, выбирается значительно меньшей (в 2 — 3 раза), нежели часто́ты, соответствующие полосе пропускания (по амплитуде и фазе), которые характеризуют предельные усилительные свойства привода [4, 11].

Из представленных ЛАЧХ и ФЧХ исследуемого привода видно, что для частотного диапазона до ω_{nA} и $\omega_{n\phi}$ графики частотных характеристик имеют практически линейный вид. Это позволяет определять точностные показатели ОГП-ЧУ следующим образом:



Рис. 6. ЛАЧХ привода без СОС и со скоростной обратной связью



Рис. 7. Зависимости полосы пропускания моделей ОГП-ЧУ по ЛАЧХ для асимптоты «- 3 дБ» и ФЧХ (асимптота «- 90 град.»)

$$L_0 \equiv \left| \begin{array}{c} L \end{array} \right| \ = \ _0 = \left| \begin{bmatrix} L \end{array} \right| \frac{0}{-}; \ \left| \begin{array}{c} \varphi_0 \end{array} \right| \equiv \left| \begin{array}{c} \varphi \end{array} \right| \ = \ _0 = \left| \begin{bmatrix} \varphi \end{array} \right| \frac{0}{-},$$

где $[L_n]$ — значение ЛАЧХ для границы полосы пропускания привода по амплитуде (обычно $L_n = -3$ дБ); $[\phi_n]$ — значение ФЧХ для границы полосы пропускания привода по фазе (применительно к силовым приводам $\phi_n = -90$ град.); ω_n — полоса пропускания привода (равная ω_{nA} или $\omega_{n\phi}$ в зависимости от специфики объекта и/или требований, предъявляемых к силовой системе).

Очевидно, что в случае необходимости, может быть учтен и знак динамической ошибки (в подавляющем большинстве случае оказывается вполне достаточным определить лишь абсолютное значение ошибки [11]).

Выводы

Результаты численного моделирования показывают, что привод мощностью 30— 32 кВт с гидромашинами в состоянии заводской поставки, т.е. имеющими минимальные значения конструкционного коэффициента объемных потерь при рабочих температурах в пределах от +80 — +90 °C и практически значимых диапазонах внешних нагрузок, имеет полосу пропускания по уровню « – 3 дБ» не более 8 рад/с (1,27 Гц). Эти показатели существенно хуже, чем у привода аналогичной мощности с дроссельным управлением, но практически такие же, как и у гидропривода с машинным (насосным) управлением аналогичной мощности [4, 6, 9, 10, 12], а также ЭлмП с традиционными механическими редукторами [13].

Наибольшее влияние на динамику привода оказывает инерционность внешней нагрузки. В частности, снижение такой нагрузки по сравнению с базовым значением в 5 раз приводит к росту полосы пропускания по ЛАЧХ почти в 4,5 раза.

Степень изношенности гидромашин, входящих в КЭ привода, оказывает негативное влияние на динамику ОГП-ЧУ. Однако, ухудшение полосы пропускания наиболее заметно для новых гидромашин, с малыми значениями конструкционных констант $k_{\mu\mu}$ и $k_{\mu\mu}$ и менее ощутимо при их возрастании, что обычно связано с временем эксплуатации техники.

Редукторное исполнение привода, реализуемое за счет установки гидромотора с большей объемной постоянной по сравнению с насосом, позволяет существенно улучшить динамические показатели ОГП-ЧУ. В рассмотренном примере для $V_{0M} = 160 \text{ см}^3$ (коэффициент редукции контура энергетики $i_{K3} = \omega_M \omega_H = V_{0H} V_{0H} = 5$) полоса пропускания по амплитуде повышается до 30 рад/с (4,77 Гц).

Для рассмотренного привода при $\omega_0 = 0.3 \omega_{nA}$, одинаковых значениях объемных постоянных гидромашин и базовых параметрах нагрузки абсолютные значения динамических показателей искажения входного управляющего сигнала составляют $\delta L_0 = 0.1$ дБ.

Достаточно высокая устойчивость (исходная или физическая передемпфированность) ОГП-ЧУ как системы автоматического регулирования в сочетании с малыми значениями полосы пропускания предопределяет основное направление структурной и параметрической коррекций, связанных, в основном, с повышением быстродействия.

Введение дополнительной скоростной обратной связи заметно улучшает динамические показатели привода: так, полоса пропускания по АЧХ может быть увеличена более чем в 2 раза. Амплитудные и фазовые искажения управляющего сигнала на той же частоте, что и для привода без СОС удается снизить в 1,5 — 2 раза (в рассматриваемом примере до $\delta L_0 = 0,06$ дБ). Повышение жесткости рабочего участка механической характеристики привода с СОС позволяет рассматривать такой привод практически без учета скоростной «просадки» выходного звена.

Учитывая достаточно простую и почти не требующую затрат аппаратную реализацию СОС, данный вид коррекции следует считать весьма эффективным.

Литература

1. Редько П.Г. и др. Концепция развития систем рулевых приводов перспективных самолетов // Новые рубежи авиационной науки: Сб. тезисов IX Междунар. науч.-техн.симпозиума. М., 2007. С. 90.

2. **Pat. 4.823,552 25.04. USA.** Failsafe Electrohydraulic control system for veriable displacement pump / L. O. Ezell, J. Sehrmit.

3. Leonard J.B. A systemlook at electromechanical actuation for primary flight control // Proc. IEEE Nat. Aerospace and Electron Conf. Dayton: Ohio, 1983. P. 80 — 86.

4. Крымов Б.Г., Рабинович Л,В., Стеблецов В.Г. Исполнительные устройства систем управления летательным аппаратами. М.: Машиностроение, 1987.

5. Геращенко А.Н., Самсонович С.Л. Пневматические, гидравлические и электрические приводы летательных аппаратов на основе волновых исполнительных механизмов / под ред. А.М. Матвеенко. М.: Машиностроение, 2006.

6. **Ruhlicke I.** Elektro-hydraulische Antriebssysteme mit drehzahlveranderbarer Pumpe // Olhydraulik und Pneumatik. 1977 (41). N 9. P. 689 — 693; N 10. P. 752 — 759.

7. Беляев О.А., Зуев Ю.Ю. Моделирование регулировочных характеристик объемного гидропривода с насосным и частотным управлением // Гидромашины, гидроприводы и гидропневмоавтоматика: Сб. статей науч.-техн. конф. МГТУ им. Н.Э. Баумана/ М.: изд-во МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2011. С. 196 — 204.

8. Зуев Ю.Ю., Зуева Е.Ю., Голубев В.И. Объемный гидропривод с частотным и частотно-дроссельным управлением — возможные исполнения, области применения, сравнительные характеристики и конкурентные аналоги // Индустрия. 2014. № 6 (88). С. 41 — 45. 9. Зуев Ю.Ю., Зуева Е.Ю., Голубев В.И. Анализ динамики объемного гидропривода с частотным управлением при энергопитании от встроенного пневмогидравлического аккумулятора // Наука и образование: электронное науч.-техн. издание. М.: изд-во МГТУ им. Н.Э. Баумана». 2015. № 3. С. 15 — 35.

10. Зуев Ю.Ю., Зуева Е.Ю., Носенко М.Л. Анализ разгонных режимов объемного гидропривода с частотным управлением при энергопитании гидродвигателя привода от различных источников // Вестник МЭИ. 2015. № 5. С. 10 — 17.

11. Бесекерский В.А., Попов Е.П. Теория систем автоматического регулирования. М.: Наука, 1975.

12. Ермаков С.А., Селиванов А.М., Хомутов В.С. Схемотехника и характеристики электрогидростатических приводов // Современные технологии в задачах управления, автоматики и обработки информации: Труды XV Междунар. науч.-техн. семинара. Алушта, 2006. М.: МИФИ, 2006, С. 178.

13. Автоматизированный электропривод / под общ. ред. Н.Ф. Ильинского, М.Г. Юнькова. М.: Энергоатомиздат, 1990.

14. Зуева Е.Ю. Исследование гидро- и термодинамических процессов течения вязкой жидкости в щелевых каналах трактов смазки и охлаждения герметичных насосных агрегатов и формирование алгоритмов их расчета: Дисс. ... канд. техн. наук. М.: МЭИ (ТУ), 2007.

15. **Unterstűtzung** fűr lie Frmaturen-Auslegung bei Verwendung drehzahlveränderlicher Stellantriebe. Kogel Ottmar (SiPOS Aktorik GmBH) // Industriearmaturen. 2007. N 4. P. 368 — 372.

Статья поступила в редакцию 27.02.2016